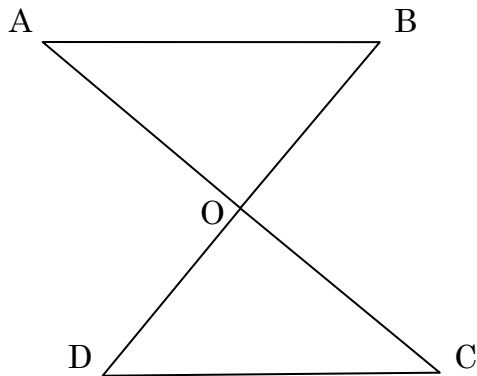


◇◇ <証明 基礎問題 練習用シートバージョン> No. 1 ◇◇

・下の図で、 $AO=CO$ 、 $BO=DO$ である時、 $\triangle ABO$ と $\triangle CDO$ は合同であることを証明しなさい。



【証明】

$\triangle ABO$ と $\triangle CDO$ において、

$AO=CO$ (仮定) ; 仮定より

$BO=DO$ (仮定) ; $AO=CO$ 、 $BO=DO$

↑ どちらの書き方でも良いよ。↑

◇さあ！ ここで考えてみよう！

あと 1 か所 (1 組)、どこかが等しければ、
三角形の合同条件のうちのどれかにつなげられるよ！

候補 1 :

$AB=CD$... AB と CD が等しければ、
「3 組の辺がそれぞれ等しい」という条件に当てはまる。
でも... AB と CD は長さが等しいかどうかは不明...

候補 2 :

$\angle AOB = \angle COD$ この 2 つの角が等しければ、
「2 組の辺とその間の角がそれぞれ等しい」。

→ この 2 つの角は誰が見ても等しいよね！

「対頂角」だから♪ ... というわけで、

$\angle AOB = \angle COD$; 対頂角は等しいので

(対頂角は等しい) ; $\angle AOB = \angle COD$

$\left[\begin{array}{l} \text{2 組の辺とその間の角がそれぞれ等しい} \end{array} \right]$ ので、

$\triangle ABO \quad \equiv \quad \triangle CDO$

【書く手順】

← これからどの三角形と
どの三角形について証明して
いくのかを書く。

← 図を見て(または問題文を
読んで)わかるデータを書く。

・どの辺とどの辺が等しいのか。

・どの角とどの角が等しいのか。

※なぜそこが等しいと言えるのか、
という「根拠」も必ず書く！

→ こういう不明なことがらは、
証明の中で用いてはダメ！
絶対ダメだよ(´×`)

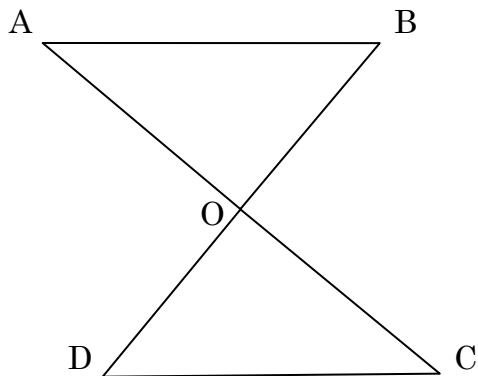
→ 仮定(問題の中ですでに等しいと
わかっていることがら)以外でも、この
ように「数学上、決まっていることが
ら(こういうものを「定理」と呼ぶよ)」
も、証明の中で使えるよ♪

← 結論を書く。

※なお、証明の中で用いる語句(言葉の言い方など)は、皆さんが使っている教科書での言い方に合わせてくださいね(^o^)/

◇◇ <証明 基礎問題 練習用シートバージョン> No. 2 ◇◇

・下の図で、 $AB=CD$ 、 $AB \parallel CD$ である時、 $\triangle ABO$ と $\triangle CDO$ は合同であることを証明しなさい。



【証明】

$\triangle ABO$ と $\triangle CDO$ において、

$AB=CD$ (仮定) ; 仮定より $AB=CD$

↑ どちらの書き方でも良いよ。↑

◇さあ！ ここでポイントになるのは、

「 $AB \parallel CD$ 」という仮定をどのように使うか！！

↓

ここが平行だということは、図のどこかの角が等しいよね！

↓

1 つは $\angle ABO = \angle CDO$

… 「Z」の形、図の中に見えるかな？

(^o^) こういうの、なに角って言うんだっけ？

($\geq \nabla \leq$) そう！「O角」！！

ということは、もう 1 か所 (もう 1 組)、等しい角があるね。

↓

そう！ $\angle$ = $\angle$ … どこかな？

(^v^) おっ♪ 三角形の合同条件に当てはまったね♪

$AB \parallel CD$ より、 ; $AB \parallel CD$ より、
 $\angle ABO = \angle CDO$; 平行線の錯角は等しいので

(平行線の錯角は等しい) ; $\angle ABO = \angle CDO$

$\angle BAO = \angle DCO$; $\angle BAO = \angle DCO$

(平行線の錯角は等しい) ;

$\left[\begin{array}{l} \text{1 組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい} \end{array} \right]$ ので、

$\triangle ABO \equiv \triangle CDO$

【書く手順】

← これからどの三角形と
 どの三角形について証明して
 いくのかを書く。

← 図を見て (または問題文を
 読んで) わかるデータを書く。

・どの辺とどの辺が等しいのか。

・どの角とどの角が等しいのか。

※なぜそこが等しいと言えるのか、
 という「根拠」も必ず書く！

→ 「錯角」ね (^v^)

→ $\angle BAO = \angle DCO$ だね！

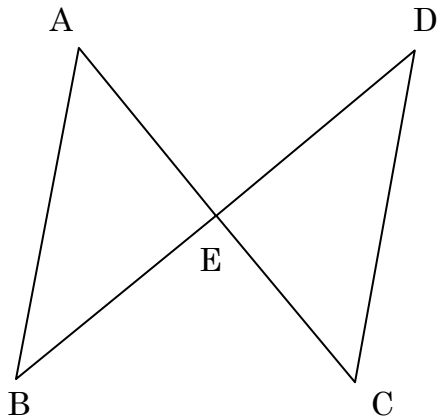
「Z」を裏返しにした形、見えるかな？

→ 仮定 (問題の中ですでに等しいと
 わかっていることがら) 以外でも、この
 ように「**数学上、決まっていることが**
ら (こういうものを「**定理**」と呼ぶよ)」
 も、証明の中で使えるよ♪

※ちなみに $\angle AOB = \angle COD$ (対頂角) でもある
 けど、この証明では使わないのです (^x^)

← 結論を書く。

・下の図で、 $AB=CD$ 、 $AB \parallel CD$ である時、 $\triangle ABE$ と $\triangle CDE$ は合同であることを証明しなさい。



【証明】

$\triangle ABE$ と $\triangle CDE$ において、

$AB=CD$ (仮定) $\vdots$ 仮定より $AB=CD$

↑ どちらの書き方でも良いよ。↑

◇さあ！ ここでポイントになるのは、

「 $AB \parallel CD$ 」という仮定をどのように使うか！！

↓

ここが平行だということは、図のどこかの角が等しいよね！

↓

1 つは $\angle BAE = \angle DCE$

… 「Z」を横にしたような形、図の中に見えるかな？

(^o^) こういうの、なに角って言うんだっけ？

($\geq \nabla \leq$) そう！「〇角」！！

ということは、もう 1 か所 (もう 1 組)、等しい角があるね。

↓

そう！ $\angle$ = $\angle$ … どこかな？

(^▽^) おっ♪ 三角形の合同条件に当てはまったね♪

$AB \parallel CD$ より、 $\vdots$ $AB \parallel CD$ より、
 $\angle BAE = \angle DCE$ $\vdots$ 平行線の錯角は等しいので

(平行線の錯角は等しい) $\vdots$ $\angle BAE = \angle DCE$

$\angle ABE = \angle CDE$ $\vdots$ $\angle ABE = \angle CDE$

(平行線の錯角は等しい) $\vdots$

$\left[\begin{array}{l} 1 \text{ 組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい} \end{array} \right]$ ので、

$\triangle ABE \equiv \triangle CDE$

【書く手順】

← これからどの三角形と
 どの三角形について証明して
 いくのかを書く。

← 図を見て (または問題文を
 読んで) わかるデータを書く。

・どの辺とどの辺が等しいのか。

・どの角とどの角が等しいのか。

※なぜそこが等しいと言えるのか、
 という「根拠」も必ず書く！

→ 「錯角」ね (^▽^)

→ $\angle ABE = \angle CDE$ だね！

「Z」を裏返しにして横にした形、見えるかな？

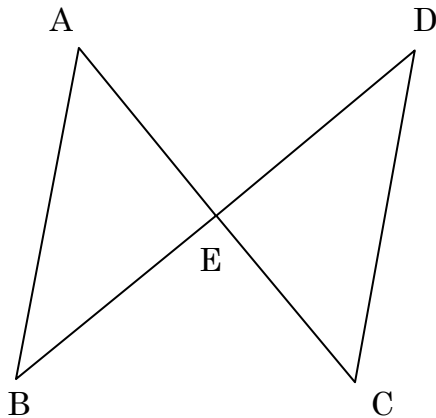
→ 仮定 (問題の中ですでに等しいと
 わかっていることがら) 以外でも、この
 ように「**数学上、決まっていることが**
ら (こういうものを「**定理**」と呼ぶよ)」
 も、証明の中で使えるよ♪

※ちなみに $\angle AEB = \angle CED$ (対頂角) でもある
 けど、この証明では使わないのです (^×^)

← 結論を書く。

◇◇ <証明 基礎問題 練習用シートバージョン> No. 4 ◇◇

・下の図で、 $AE=CE$ 、 $AB \parallel CD$ である時、 $\triangle ABE$ と $\triangle CDE$ は合同であることを証明しなさい。



【証明】

$\triangle ABE$ と $\triangle CDE$ において、

$AE=CE$ (仮定) $\vdots$ 仮定より $AE=CE$

↑ どちらの書き方でも良いよ。↑

◇ここでポイントになるのはやはり、「 $AB \parallel CD$ 」という仮定！

$AB \parallel CD$ ということは、図のどこかの角が等しいよね！

↓

1 つは $\angle BAE = \angle DCE$ 、もう 1 つは $\angle ABE = \angle CDE$
(^o^) 練習問題 No. 2、No. 3 で学んだとおり…「錯角」♪
(^皿^) だ〜け〜ど〜(どうした)

$AE=CE$ (仮定)

$\angle BAE = \angle DCE$ 、 $\angle ABE = \angle CDE$ (平行線の錯角)

と挙げても、「1 組の辺とその両端の角」にはならないねえ！

(^皿^) 「両端の角」になってないから！よく見て！

じゃあどうする？

↓

$\angle$ $= \angle$ … ここも等しいね！ なに角？
これを使えば、「1 組の辺と〜」という条件につながられるね♪

$AB \parallel CD$ より、	$\vdots$	$AB \parallel CD$ より、
$\angle BAE = \angle DCE$	$\vdots$	平行線の錯角は等しいので
(平行線の錯角は等しい)	$\vdots$	$\angle BAE = \angle DCE$
また、 $\angle AEB = \angle CED$	$\vdots$	また、対頂角は等しいので
(対頂角は等しい)	$\vdots$	$\angle AEB = \angle CED$

$\left[\begin{array}{c} 1 \text{ 組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい} \end{array} \right]$ ので、

$\triangle ABE \equiv \triangle CDE$

【書く手順】

← これからどの三角形と
どの三角形について証明して
いくのかを書く。

← 図を見て(または問題文を
読んで)わかるデータを書く。

・どの辺とどの辺が等しいのか。

・どの角とどの角が等しいのか。

※なぜそこが等しいと言えるのか、
という「根拠」も必ず書く！

→ $\angle AEB = \angle CED$!
「対頂角」だね(^o^)

→ 仮定(問題の中ですでに等しいと
わかっていることがら)以外でも、この
ように「**数学上、決まっていることが**
ら(こういうものを「**定理**」と呼ぶよ)」
も、証明の中で使えるよ♪

この証明では $\angle ABE = \angle CDE$ は不使用(^x^)

← 結論を書く。